

Message Passing Interface (MPI)

**Συναρτήσεις Συλλογικής Επικοινωνίας
(συνέχεια)**

Η συνάρτηση MPI_Reduce

- Συγκεντρώνει δεδομένα από όλες τις διεργασίες μιας ομάδας σε μία διεργασία της ομάδας.
- Επιπλέον εφαρμόζεται και αποθηκεύεται το αποτέλεσμα μιας πράξης πάνω σε αυτά τα δεδομένα (reduction).
- Οι πράξεις οι οποίες υποστηρίζονται: το άθροισμα, το γινόμενο, το λογικό ή, το λογικό και, την εύρεση του μέγιστου και του ελάχιστου κ.α.

Η συνάρτηση MPI_Reduce

```
int MPI_Reduce (void *sendbuf, void *recvbuf, int count,  
MPI_Datatype datatype, MPI_Op op, int root, MPI_Comm comm)
```

- **sendbuf:** Η διεύθυνση μνήμης που περιέχει τα προς αποστολή δεδομένα κάθε διεργασίας που συμμετέχει στο μάζεμα.
- **count:** Ο αριθμός των στοιχείων που στέλνει κάθε διεργασία.
- **datatype:** Ο τύπος δεδομένων των στοιχείων που στέλνονται.
- **op:** Η πράξη που θα πραγματοποιηθεί στα δεδομένα.
- **root:** Η τάξη της ρίζας που θα συγκεντρώσει τα δεδομένα.
- **comm:** Ο communicator στον οποίο ανήκουν οι διεργασίες.
- **recvbuf:** Η διεύθυνση μνήμης όπου θα μαζευτούν τα δεδομένα-αποτελέσματα ρίζα μετά την εφαρμογή της πράξης.

- **MPI_MAX** εύρεση του μεγίστου των συμμετεχόντων στοιχείων (maximum)
- **MPI_MIN** εύρεση του ελαχίστου (minimum)
- **MPI_SUM** εύρεση του αθροίσματος (sum)
- **MPI_PROD** εύρεση του γινόμενου (product)
- **MPI_LAND** εύρεση του λογικού 'and'
- **MPI_BAND** εύρεση του bit-προς-bit 'and'
- **MPI_LOR** εύρεση του λογικού 'or'
- **MPI_BOR** εύρεση του bit-προς-bit 'or'
- **MPI_LXOR** εύρεση του λογικού 'xor'
- **MPI_BXOR** εύρεση του bit-προς-bit 'xor'
- **MPI_MAXLOC** εύρεση του μεγίστου στοιχείου και της θέσης αυτού
- **MPI_MINLOC** εύρεση του ελαχίστου στοιχείου και της θέσης αυτού

Υπολογισμός $S = 1^2 + 2^2 + \dots + (n-1)^2 + n^2$ με broadcast, reduce (bcast.c)

```
#include <stdio.h>
#include "mpi.h"

main(int argc, char** argv)
{
int my_rank;
int p, k;
int root;
int a1_local;
int a2_local;
int local_num;
int endnum;
int local_res;
int final_res;
int namelen;
char proc_name[MPI_MAX_PROCESSOR_NAME];
    MPI_Init(&argc, &argv);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &my_rank);
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &p);
    MPI_Get_processor_name(proc_name, &namelen);
```

```
if (my_rank == 0)
{
    printf("Dose plithos arithmwn:");
    scanf("%d", &endnum);
}
```

```
root = 0;
```

```
/* Αποστολή στις διεργασίες του πλήθους των στοιχείων */
```

```
MPI_Bcast(&endnum, 1, MPI_INT, root, MPI_COMM_WORLD);
```

```
/* Υπολογισμός από κάθε μία του τοπικού της αθροίσματος */
```

```
local_res = 0;
```

```
local_num = endnum/p;
```

```
a1_local = (my_rank * local_num) + 1;
a2_local = a1_local + local_num - 1;

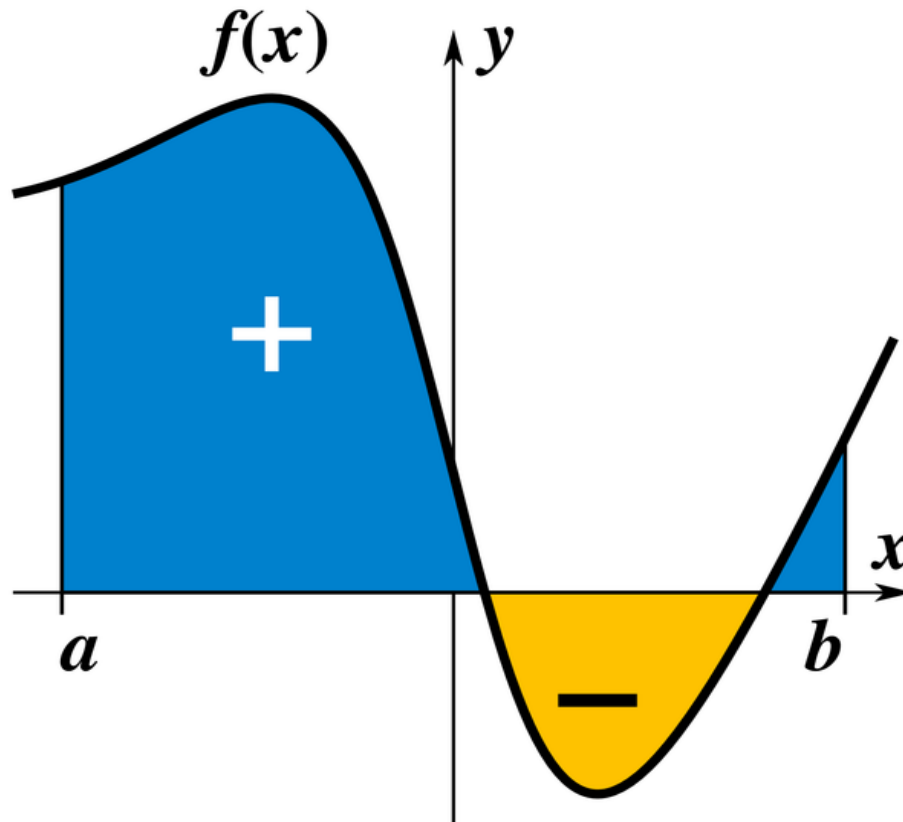
for (k=a1_local; k<=a2_local; k++)
    local_res = local_res + (k*k);
printf("\n Process %d on %s : local result = %d \n", my_rank,
    proc_name, local_res);
root = 0;
MPI_Reduce(&local_res, &final_res, 1, MPI_INT, MPI_SUM, root,
    MPI_COMM_WORLD);
if (my_rank == 0)
{
    printf("\n Total result for N = %d is equal to : %d \n", endnum,
        final_res);
}
MPI_Finalize(); }
```

Υπολογισμός του αριθμού π (3,14...)

- Ο αριθμός 'π' μπορεί να υπολογιστεί ως η τιμή του ολοκληρώματος:

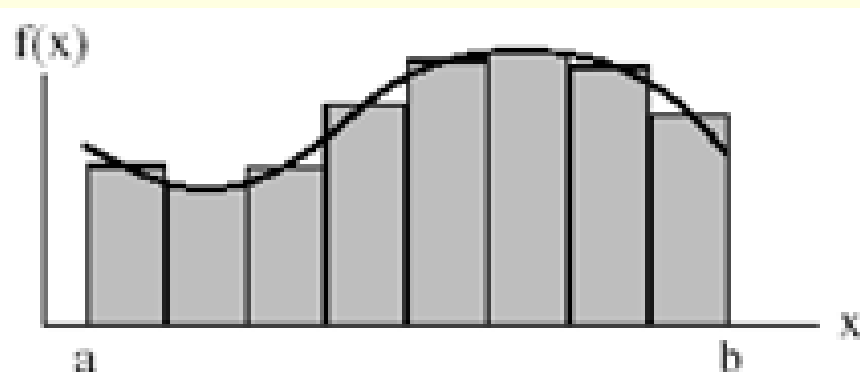
$$\int_0^1 \frac{4}{1+x^2} dx$$

Το ολοκλήρωμα της συνάρτησης $f(x)$ από το a στο b είναι η επιφάνεια πάνω από τον άξονα x και κάτω από την καμπύλη $y = f(x)$, μείον την επιφάνεια κάτω από τον άξονα x και πάνω από την καμπύλη, για x στο διάστημα $[a, b]$.



Αριθμητική Ολοκλήρωση με Ορθογώνια

Ένας τρόπος να βρούμε προσεγγιστικές τιμές ολοκληρωμάτων είναι να αθροίσουμε εμβαδά ορθογώνιων.



Χρησιμοποιώντας n ορθογώνια, μήκους $h = (b - a)/n$:

$$\int_a^b f(x) dx \approx \sum_{i=1}^n h f(a + (i - 1/2)h)$$

Υπολογισμός του αριθμού π (3,14...)

- Ακολουθώντας τον κανόνα του ορθογωνίου χωρίζουμε το διάστημα $[0,1]$ σε n υποδιαστήματα ίδιου μεγέθους.
- Στη συνέχεια βρίσκουμε τις τιμές της συνάρτησης στα μεσαία σημεία των υποδιαστημάτων.
- Χρησιμοποιώντας αυτές τις τιμές ως ύψη στα υποδιαστήματα κατασκευάσουμε n αντίστοιχα ορθογώνια.
- Αν αθροίσουμε το εμβαδόν όλων αυτών των ορθογωνίων μπορούμε να πάρουμε μια καλή προσέγγιση της τιμής του ολοκληρώματος δηλ. της τιμής του π .

Υπολογισμός του αριθμού π (3,14...) (pi_computation.c)

```
#include "mpi.h"
#include <stdio.h>
#include <math.h>

int main( int argc, char *argv[] )
{
    int n, myid, numprocs, i;
    double PIINIT = 3.141592653589793238462643;
    double mypi, pi, h, sum, x;
    int namelen;

    MPI_Init(&argc,&argv);
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD,&numprocs);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD,&myid);

    if (myid == 0)
    {
        printf("Enter the number of intervals: ");
        scanf("%d",&n);
    }
    MPI_Bcast(&n, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
```

```
h = 1.0 / (double) n;  
sum = 0.0;  
for (i = myid + 1; i <= n; i += numprocs)  
{  
    x = h * ((double)i - 0.5);  
    sum += 4.0 / (1.0 + x*x);  
}  
mypi = h * sum;  
  
MPI_Reduce(&mypi, &pi, 1, MPI_DOUBLE, MPI_SUM, 0,  
          MPI_COMM_WORLD);  
  
if (myid == 0)  
    printf("pi is approximately %.15f, Error is %.15f\n", pi, fabs(pi-PIINIT));  
  
MPI_Finalize();  
}
```

Υπολογισμός του average τυχαίων αριθμών με χρήση των MPI_Scatter , MPI_Gather (avg.c)

- Δημιουργούμε στη ρίζα (διεργασία 0) ένα διάνυσμα τυχαίων αριθμών στο διάστημα $[0,1]$. Ο αριθμός των στοιχείων του διανύσματος προσδιορίζεται από το χρήστη.
- Διαμοιράζουμε (scatter) το διάνυσμα σε όλες τις διεργασίες (ίσος αριθμός στοιχείων/διεργασία).
- Κάθε διεργασία υπολογίζει το μέσο όρο (average) των αριθμών που της αντιστοιχούν.
- Συγκεντρώνουμε (gather) όλους τους μέσους όρους στη ρίζα (διεργασία 0). Η ρίζα υπολογίζει το μέσο όρο όλων των αριθμών.

Υπολογισμός του average

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <mpi.h>
#include <assert.h>
int main(int argc, char** argv)
{
    MPI_Init(&argc,&argv);
    int my_rank;
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &my_rank);
    int p;
    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &p);
    int num_elements;
    int num_elements_per_proc;
```

```
if (my_rank == 0)
{
    printf("Dose plithos arithmvn:\n");
    scanf("%d", &num_elements);
}
MPI_Bcast(&num_elements, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
num_elements_per_proc = num_elements/p;

float *rand_nums = (float *)malloc(sizeof(float) * num_elements);

if (my_rank == 0) {
    int i;
    for (i = 0; i < num_elements; i++) {
        rand_nums[i] = (rand() / (float)RAND_MAX);
    }
    printf("%f\n", rand_nums[i]);
}
```

```
float *sub_rand_nums = (float *)malloc(sizeof(float) *  
    num_elements_per_proc);  
MPI_Scatter(rand_nums, num_elements_per_proc, MPI_FLOAT,  
    sub_rand_nums, num_elements_per_proc, MPI_FLOAT, 0,  
    MPI_COMM_WORLD);
```

```
float sum = 0.0;  
float sub_avg;  
int l;  
for (l = 0; l < num_elements_per_proc; l++) {  
    sum += sub_rand_nums[l];  
    sub_avg = sum/ (float)num_elements_per_proc ;  
float *sub_avgs ;  
if (my_rank == 0) {  
    sub_avgs = (float *)malloc(sizeof(float) * p);  
}
```

```
MPI_Gather(&sub_avg, 1, MPI_FLOAT, sub_avgs, 1, MPI_FLOAT, 0,  
MPI_COMM_WORLD);
```

```
if (my_rank == 0) {  
    float avg;  
    float tot_sum = 0.0;  
    int j;  
    for (j = 0; j < p; j++) {  
        tot_sum += sub_avgs[j];  
    }  
    avg = tot_sum / (float) p;  
    printf("Avg of all elements is %f\n", avg);  
}
```

```
MPI_Finalize();  
}
```