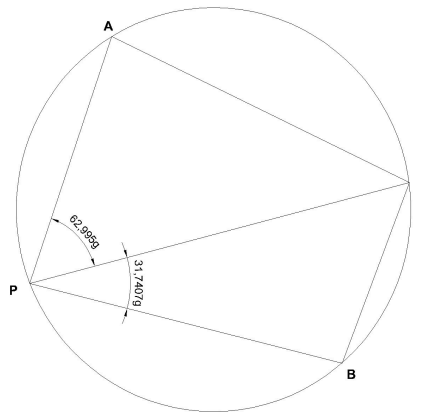




ΛΥΣΕΙΣ ΘΕΜΑΤΩΝ

1. Πρόκειται για τη μέθοδο της οπισθοτομίας. Για να υπάρχει λύση θα πρέπει τα τρία τριγωνομετρικά και το σημείο P να βρίσκονται εκτός του επικίνδυνου κύκλου. Καταρχήν φτιάχνουμε το σκαρίφημα του προβλήματος:



Για να ελέγξουμε αν τα σημεία βρίσκονται στο επικίνδυνο κύκλο θα πρέπει να υπολογίσουμε τη γωνία $\hat{\Gamma}$:

$$\hat{\Gamma} = \alpha_{\Gamma A} - \alpha_{\Gamma B}$$

$$\alpha_{\Gamma A} = \arctan \frac{|x_A - x_{\Gamma}|}{|y_A - y_{\Gamma}|} \Rightarrow \alpha_{\Gamma A} = 328.4706g$$

$$\alpha_{\Gamma B} = \arctan \frac{|x_B - x_{\Gamma}|}{|y_B - y_{\Gamma}|} \Rightarrow \alpha_{\Gamma B} = 223.2061g$$

$$\hat{\Gamma} = 105.2645g$$

Επειδή ισχύει:

$$\omega_{PA\Gamma} + \omega_{P\Gamma B} + \hat{\Gamma} = 200g$$

το τετράπλευρο που σχηματίζεται από τα σημεία $PA\Gamma B$ είναι εγγεγραμμένο σε κύκλο και υπάρχει απειρία λύσεων για το σημείο P . Επομένως, δεν είναι δυνατός ο υπολογισμός των συντεταγμένων του σημείου P .

2. Η υψομετρική διαφορά ανάμεσα στο R1 και στο R2 υπολογίζεται από το μέσο όρο των υψομετρικών διαφορών μετάβασης και επιστροφής. Αφού ο χωροβάτης στάθηκε 4 φορές κατά τη διαδικασία μετάβασης-επιστροφής και το σφάλμα σε κάθε επιμέρους τμήμα υπολογίστηκε στο 1 mm, τότε το ολικό σφάλμα στη διαδικασία της επίλυσης της χωροστάθμησης είναι 4 mm. Ισχύει:

$$\Delta\bar{H} = \frac{1.375 - (-1.377)}{2} = 1.376\text{m}$$

$$w = \Delta H_{\text{ΠΡΕΠΕΙ}} - \Delta H_{\text{ΕΙΝΑΙ}} \Rightarrow 0.004 = (H_{R_2} - H_{R_1}) - \Delta\bar{H} \Rightarrow H_{R_2} = 51.755\text{m}$$

3. Θεωρητική

4. Ισχύει:

$$\alpha_{\Sigma_6\Sigma_5} = \arctan \frac{|x_{\Sigma_5} - x_{\Sigma_6}|}{|y_{\Sigma_5} - y_{\Sigma_6}|} = 326.8360\text{g}$$

$$\alpha_{\Sigma_617} = \alpha_{\Sigma_6\Sigma_5} + \Sigma_5\hat{\Sigma}_617 = 390.2100\text{g}$$

$$S_{\text{ορ}_{\Sigma_617}} = S_{k_{\Sigma_617}} \sin \zeta = 24.624\text{m}$$

$$x_{17} = x_{\Sigma_6} + S_{\text{ορ}_{\Sigma_617}} \sin \alpha_{\Sigma_617} = 560.01\text{m}$$

$$y_{17} = y_{\Sigma_6} + S_{\text{ορ}_{\Sigma_617}} \cos \alpha_{\Sigma_617} = 213.76\text{m}$$

$$H_{17} = H_{\Sigma_6} + S_{k_{\Sigma_617}} \cos \zeta + Y_O - Y_{\Sigma} = 34.671\text{m}$$

5. Αφού ο πόλος χάραξης είναι το Σ1 και ο προσανατολισμός το Σ2, αρκεί να βρούμε τη γωνία Σ2Σ1Α και την απόσταση Σ1Α. Τα στοιχεία αυτά αποτελούν τα στοιχεία που χρειαζόμαστε για τη χάραξη του Α. Ισχύει:

$$\alpha_{\Sigma_1\Sigma_2} = \arctan \frac{|x_{\Sigma_2} - x_{\Sigma_1}|}{|y_{\Sigma_2} - y_{\Sigma_1}|} = 118.9763\text{g}$$

$$\alpha_{\Sigma_1A} = \arctan \frac{|x_A - x_{\Sigma_1}|}{|y_A - y_{\Sigma_1}|} = 45.3831\text{g}$$

Η γωνία χάραξης υπολογίζεται:

$$\Sigma_2\hat{\Sigma}_1A = \alpha_{\Sigma_1A} - \alpha_{\Sigma_1\Sigma_2} = 326.4068\text{g}$$

$$S_{\Sigma_1A} = \sqrt{(x_A - x_{\Sigma_1})^2 + (y_A - y_{\Sigma_1})^2} = 29.862\text{m}$$

Η απόσταση που υπολογίζεται είναι η προβολική απόσταση πάνω στην προβολή TM87. Για να μεταφερθεί η απόσταση αυτή στο έδαφος θα πρέπει να υπολογιστεί ο συντελεστής γραμμικής παραμόρφωσης και να διαιρεθεί η απόσταση με αυτόν:

$$m = 1 + [12311(\bar{X} - 0.5)^2 - 400] \cdot 10^{-6} = 0.99972648$$

όπου $\bar{X} = 0.39864162$, είναι η μέση τιμή των τετμημένων της περιοχής σε μέγαιμετρα. Η μέση τιμή υπολογίζεται από τις τετμημένες των τριών σημείων της άσκησης.

Η τελική απόσταση χάραξης υπολογίζεται ως εξής:

$$S_{\Sigma 1A}^{ΧΑΡΑΞΗΣ} = S_{\Sigma 1A} / m = 29.87\text{m}$$

6. Θεωρητική

7. Θεωρητική